- 1. Найти НОД многочленов  $f = -4 + x^2 + 2x^3 + x^4$ ,  $g = -2 x + x^2 + x^3 + x^4$ .
- 2. Отделить кратные множители многочлена  $x^5 10x^3 20x^2 15x 4$ .
- 3. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{20}+x^{10}+1.$ 
  - 4. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 4x^3 2x^2 + 17x 6$ .
- 5. Разложить рациональную дробь  $\frac{-7-8x+2x^2+5x^3}{-6+x-5x^2+x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{7-4x+15x^2+2x^3}{-6+x-5x^2+x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-9+3x+2x^2+3x^3+x^4,\ g=-3-x+2x^2+x^3+x^4.$
- 3. Построить многочлен наименьшей степени с вещественными коэффициентами, имеющий корни i кратности 2 и 1-i кратности 1.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{20}-x^{10}+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 x^3 6x^2 + 14x 12$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{4+9x+11x^2+6x^3}{-4-2x+2x^2+3x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-16+8x+3x^2+4x^3+x^4,\ g=-4-x+3x^2+x^3+x^4.$ 
  - 3. Доказать, что многочлен  $1+\frac{x}{1}+\frac{x^2}{2!}+\ldots+\frac{x^n}{n!}$  не имеет кратных корней.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{30}+x^{15}+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 x^3 5x^2 x 6$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{14+15x+13x^2+3x^3}{-4-2x+2x^2+3x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-25+15x+4x^2+5x^3+x^4,\ g=-5-x+4x^2+x^3+x^4.$
- 3. Доказать, что для любых натуральных n > m многочлен  $x^n + ax^{n-m} + b$  не может иметь корней кратности выше 2, отличных от нуля.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{30}-x^{15}+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 + x^3 5x^2 + x 6$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{5-10x+12x^2-x^3}{-6+x-5x^2+x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-36+24x+5x^2+6x^3+x^4,\ g=-6-x+5x^2+x^3+x^4.$
- 3. Найти условия, при которых многочлен  $x^n + ax^{n-m} + b$  имеет корень кратности 2, отличный от нуля.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{30}-2x^{15}+2.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^3 6x^2 + 15x 14$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{8-2x+16x^2+4x^3}{-6+x-5x^2+x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -4 2x + 2x^2 + 3x^3 + x^4$ ,  $g = -4 6x 2x^2 + x^3 + x^4$ .
- 3. Определить коэффициент a так, чтобы многочлен  $x^5 ax^2 ax + 1$  имел число -1 корнем кратности не ниже 2.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{30}+2x^{15}+2.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^5 7x^3 12x^2 + 6x + 36$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-12-15x-4x^2+x^3}{-4-2x+2x^2+3x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
  - 2. Найти НОД многочленов  $f = -9 + 4x^2 + 4x^3 + x^4$ ,  $g = -6 7x x^2 + x^3 + x^4$ .
  - 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^5-6x^4+16x^3-24x^2+20x-8$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{20}-2x^{10}+2.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 + 4x^3 2x^2 12x + 9$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{10+x+3x^2+x^3}{-4-2x+2x^2+3x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -16 + 4x + 6x^2 + 5x^3 + x^4$ ,  $g = -8 8x + x^3 + x^4$ .
  - 3. Отделить кратные множители многочлена  $8+20x+26x^2+19x^3+7x^4+x^5$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{20}+2x^{10}+2$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^5 + x^4 6x^3 14x^2 11x 3$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{64-49x+12x^3}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-25+10x+8x^2+6x^3+x^4,\ g=-10-9x+x^2+x^3+x^4.$ 
  - 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^5 + 5x^4 + 12x^3 + 16x^2 + 12x + 4$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{19}+x^{18}+\ldots+x+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 + (x+2)^4 16$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{8+21x-30x^2+7x^3}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-36+18x+10x^2+7x^3+x^4,\ g=-12-10x+2x^2+x^3+x^4.$ 
  - 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^5 + 7x^4 + 16x^3 + 8x^2 + 12x + 4$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{29}+x^{28}+\ldots+x+1$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^6 + (x+2)^6 64$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{8-69x+18x^2+x^3}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-4-4x+3x^2+4x^3+x^4,\ g=-6-13x-7x^2+x^3+x^4.$ 
  - 3. Отделить кратные множители многочлена  $8 + 4x + 2x^2 + 7x^3 + 5x^4 + x^5$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{37}+x^{36}+\ldots+x+1$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 + 2x^3 13x^2 38x 24$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-68+51x-12x^2-x^3}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -9 3x + 6x^2 + 5x^3 + x^4$ ,  $g = -9 15x 6x^2 + x^3 + x^4$ .
- 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^6+9x^5+33x^4+63x^3+66x^2+36x+8$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb{R}$  многочлена  $x^{38}+x^{36}+\ldots+x^2+1$ .
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $8x^5-14x^4-77x^3+128x^2+45x-18.$

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-54+27x-8x^2}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-16+9x^2+6x^3+x^4,\ g=-12-17x-5x^2+x^3+x^4.$
- 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^6 + 3x^5 3x^4 11x^3 + 6x^2 12x 8$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb{R}$  многочлена  $x^{28}+x^{26}+\ldots+x^2+1$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $3x^5 + 17x^4 + 36x^3 + 38x^2 + 19x + 5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-6-45x+14x^2}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-25+5x+12x^2+7x^3+x^4,\ g=-15-19x-4x^2+x^3+x^4.$
- 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^6 3x^5 3x^4 + 11x^3 + 6x^2 12x 8$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{27}+x^{24}+\ldots+x^3+1$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 2x^3 8x^2 + 12x 24$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{32-95x+32x^2}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-36+12x+15x^2+8x^3+x^4,\ g=-18-21x-3x^2+x^3+x^4.$
- 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^6+8x^5+26x^4+44x^3+41x^2+20x+4$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb R$  многочлена  $x^{28}+x^{24}+\ldots+x^4+1$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $15x^5 8x^4 + 46x^3 + 21x^2 21x + 3$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-8+83x-32x^2+6x^3}{-20+14x-2x^2-5x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-4-6x+4x^2+5x^3+x^4,\ g=-8-22x-14x^2+x^3+x^4.$
- 3. Отделить кратные множители многочлена  $x^6-6x^5+4x^4+4x^3+9x^2-12x+4$ .
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{20}+x^{10}+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $45 108x 11x^2 + 82x^3 + 24x^4$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-18+47x-10x^2+6x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-9-6x+8x^2+6x^3+x^4,\ g=-12-25x-13x^2+x^3+x^4.$
- 3. Построить многочлен наименьшей степени с вещественными коэффициентами, имеющий корни 1+i кратности 2 и 1-2i кратности 1.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{20}-x^{10}+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $45 78x 43x^2 + 32x^3 + 12x^4$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{10-5x+9x^2+2x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -16 4x + 12x^2 + 7x^3 + x^4$ ,  $g = -16 28x 12x^2 + x^3 + x^4$ .
- 3. Построить многочлен наименьшей степени с вещественными коэффициентами, имеющий корни 1+2i кратности 2 и 2-i кратности 1.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{30}+x^{15}+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $30 + 37x 53x^2 8x^3 + 12x^4$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{38-15x+11x^2-x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-25+16x^2+8x^3+x^4,\ g=-20-31x-11x^2+x^3+x^4.$
- 3. Построить многочлен наименьшей степени с вещественными коэффициентами, имеющий корни 3+2i кратности 2 и 2-i кратности 1.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{30}-x^{15}+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $60 + 109x 47x^2 44x^3 + 12x^4$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{62-29x+16x^2-2x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-36+6x+20x^2+9x^3+x^4,\ g=-24-34x-10x^2+x^3+x^4.$
- 3. Найти корни многочлена  $x^5 + 5x^4 5x^3 45x^2 + 108$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{30}-2x^{15}+2.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $30 + 17x 91x^2 + 2x^3 + 24x^4$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{78-21x+20x^2}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-4-8x+5x^2+6x^3+x^4,\ g=-10-33x-23x^2+x^3+x^4.$
- 3. Найти корни многочлена  $x^5 5x^4 5x^3 + 45x^2 108$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{30}+2x^{15}+2$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $60 + 149x x^2 106x^3 + 24x^4$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{70-25x+16x^2-x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-9-9x+10x^2+7x^3+x^4,\,g=-15-37x-22x^2+x^3+x^4.$
- 3. Найти корни многочлена  $x^5-15x^3-10x^2+60x+72$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{20}-2x^{10}+2$ .
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $15 + 26x 46x^2 75x^3 + 14x^4 + 24x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{46-17x+12x^2+x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -16 8x + 15x^2 + 8x^3 + x^4$ ,  $g = -20 41x 21x^2 + x^3 + x^4$ .
- 3. Найти корни многочлена  $x^5+12x^4+57x^3+134x^2+156x+72$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{20}+2x^{10}+2$ .
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $-15-14x+32x^2+71x^3+70x^4+24x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-70-11x-12x^2+3x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-25-5x+20x^2+9x^3+x^4,\ g=-25-45x-20x^2+x^3+x^4.$
- 3. Найти корни многочлена  $x^5-15x^3+10x^2+60x-72$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{19}+x^{18}+\ldots+x+1.$ 
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $15 34x + 39x^3 58x^4 + 24x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-58+9x-5x^2-2x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -36 + 25x^2 + 10x^3 + x^4$ ,  $g = -30 49x 19x^2 + x^3 + x^4$ .
- 3. Найти корни многочлена  $x^5-2x^4-8x^3+16x^2+16x-32$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{29}+x^{28}+\ldots+x+1$ .
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $15-14x-32x^2+71x^3-70x^4+24x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{22+9x+15x^2-2x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-16+8x+3x^2+4x^3+x^4,\ g=-20+7x+6x^2+5x^3+2x^4.$
- 3. Найти корни многочлена  $x^5 + 4x^4 23x^3 38x^2 + 220x 200$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{37}+x^{36}+\ldots+x+1.$
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $15 4x 28x^2 + 55x^3 44x^4 + 12x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-18+29x+5x^2+3x^3}{-24-4x-2x^2-x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -25 + 15x + 4x^2 + 5x^3 + x^4$ ,  $g = -15 + 7x + 4x^2 + 3x^3 + x^4$ .
- 3. Найти корни многочлена  $x^5 4x^4 23x^3 + 38x^2 + 220x + 200$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{38}+x^{36}+\ldots+x^2+1.$
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $-15 + 34x 10x^2 + 17x^3 32x^4 + 12x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{2+35x+6x^2+3x^3}{-24+4x-2x^2+x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -36 + 24x + 5x^2 + 6x^3 + x^4$ ,  $g = -42 + 23x + 10x^2 + 7x^3 + 2x^4$ .
- 3. Найти корни многочлена  $x^5-11x^4+19x^3+115x^2-200x-500$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{28}+x^{26}+\ldots+x^2+1.$
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $-15 + 44x 6x^2 49x^3 + 4x^4 + 12x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{-6+33x-x^2+3x^3}{-24+4x-2x^2+x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f = -4 2x + 2x^2 + 3x^3 + x^4$ ,  $g = -3 4x + 2x^3 + x^4$ .
- 3. Найти корни многочлена  $x^5+x^4-38x^3+18x^2+405x-675$  и указать их кратность.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{27}+x^{24}+\ldots+x^3+1$ .
- 5. Найти рациональные корни многочлена  $-15+16x+50x^2-39x^3-16x^4+12x^5$ .

- 1. Разложить рациональную дробь  $\frac{46-7x+16x^2+3x^3}{-24+4x-2x^2+x^3+x^4}$  на простейшие дроби над полем действительных чисел.
- 2. Найти НОД многочленов  $f=-16-4x+12x^2+7x^3+x^4,\ g=-16-16x+4x^3+x^4.$
- 3. Построить многочлен наименьшей степени с вещественными коэффициентами, имеющий корни 1+2i кратности 3 и 1-i кратности 1.
- 4. Найти разложение на неприводимые множители над полем  $\mathbb C$  многочлена  $x^{28}+x^{24}+\ldots+x^4+1$ .
  - 5. Найти рациональные корни многочлена  $x^4 4x^3 2x^2 + 17x 6$ .