

Задача 1. Существуют ли множества A,B,X и N,P,E которые удовлетворяют набору условий:

1	$X \setminus B = A \setminus B = \overline{A \cup B} = \emptyset, \overline{B} \neq \emptyset$	$N \setminus E = N \setminus P = \emptyset, E \setminus P \neq \emptyset$
2	$B = \overline{A \cup B} = X \setminus B = \emptyset, \overline{A} \cap \overline{B} \neq \emptyset$	$E \setminus P = N \setminus E = \emptyset, N \setminus P \neq \emptyset$
3	$B \setminus A = A \cap X = \emptyset, B \cap X \neq \emptyset$	$N \cap E = \overline{E \cup N} = \overline{P} = \emptyset, N \neq \emptyset$
4	$B \setminus X = X \setminus A = \emptyset, B \neq \emptyset$	$P \setminus E = N \setminus E = \emptyset, (P \cap E) \setminus N \neq \emptyset$
5	$A \cap B = \overline{A \cup X} = \emptyset, B \setminus X \neq \emptyset$	$P \setminus N = E = N \setminus P = \emptyset, N \neq \emptyset$
6	$A \setminus X = B \setminus A = X \setminus A = \emptyset, B \neq \emptyset$	$P \cap N = (N \setminus P) \setminus E = \emptyset, N \setminus E \neq \emptyset$
7	$A \setminus X = B \setminus A = \overline{A} = \emptyset, \overline{X} \neq \emptyset$	$N \cup E = E \cap P = \emptyset, P \setminus N \neq \emptyset$
8	$A \setminus X = (B \setminus A) \cap X = \emptyset, X \setminus A \neq \emptyset$	$P \cap N = E \setminus P = P \setminus N = \emptyset, E \neq \emptyset$
9	$X \setminus B = (B \setminus A) \cap X = \emptyset, X \setminus A \neq \emptyset$	$E \setminus N = N \cap E = N \setminus P = \emptyset, N \neq \emptyset$
10	$\overline{A} = X \setminus B = B \setminus X = \emptyset, B \neq \emptyset$	$P \setminus N = \overline{P \cup E} = \emptyset, \overline{N} \cap \overline{E} \neq \emptyset$
11	$(X \setminus A) \setminus B = B \setminus A = \overline{X \cup B} = \emptyset, \overline{A} \neq \emptyset$	$N \setminus E = E \setminus P = P \setminus E = \emptyset, E \setminus N \neq \emptyset$
12	$B \setminus X = A \cap X = \emptyset, B \neq \emptyset$	$P \cap N \cap E = N \setminus P = \emptyset, N \cap E \neq \emptyset$
13	$A = X = (B \setminus A) \setminus X = \emptyset, B \neq \emptyset$	$N \setminus P = E \cap P = \emptyset, E \neq \emptyset$
14	$A \cap X = B \setminus A = \emptyset, X \neq \emptyset$	$P \setminus E = N \setminus E = \overline{N \cup E} = \emptyset, \overline{E} \neq \emptyset$
15	$A \setminus B = X \setminus A = \emptyset, X \setminus B \neq \emptyset$	$P \setminus N = N \setminus P = P \setminus E = \emptyset, \overline{E} \neq \emptyset$
16	$A \cap X = \overline{X} \cap \overline{A} = B \setminus A = \emptyset, A \cap B \neq \emptyset$	$N \setminus P = (N \cap P) \setminus E = \emptyset, N \setminus E \neq \emptyset$
17	$B \cap X = \overline{A \cup B} = \emptyset, X \setminus A \neq \emptyset$	$P \setminus E = N \setminus E = N \cap P = \emptyset, P \neq \emptyset$
18	$B \setminus A = B \setminus X = X \setminus B = \emptyset, B \neq \emptyset$	$P \setminus N = N \cap P = \emptyset, P \cap E \neq \emptyset$
19	$X \cap B = (X \setminus B) \setminus A = \emptyset, X \setminus A \neq \emptyset$	$E \Delta P = N \cap E = \emptyset, P \setminus N \neq \emptyset$
20	$A \cap B = X \setminus A = \emptyset, B \setminus A \neq \emptyset$	$N \setminus P = E \setminus N = \overline{N} = \emptyset, \overline{P} \neq \emptyset$
21	$X \setminus B = A \setminus X = \emptyset, A \setminus B \neq \emptyset$	$E = \overline{N \cup E} = P \setminus E = \emptyset, \overline{N} \cap \overline{E} \neq \emptyset$
22	$A \setminus B = A \setminus X = \emptyset, X \setminus B \neq \emptyset$	$E \setminus P = N \setminus P = \overline{N \cup P} = \emptyset, \overline{P} \neq \emptyset$

Задача 2. Пусть $f: X \rightarrow Y$ – отображение. Определите свойства отображений (полнота, функциональность, инъективность и сюръективность), если

1. X – множество многочленов не выше второй степени с действительными коэффициентами. Y – множество действительных чисел. $f: x \rightarrow y$ если y – наименьший корень x .
2. X – множество кругов на плоскости, Y – множество точек плоскости. $f: x \rightarrow y$ если y – центр круга x .
3. $X = (0, +\infty)$, $Y = [-1; 1]$. $f: x \rightarrow y$ если $x^2 < y$
4. X – множество натуральных чисел, Y – множество действительных чисел. $f: x \rightarrow y$ если $y = \ln(x)$ или $y = -\ln(x)$
5. X – множество действительных чисел, Y – множество всех непрерывных на отрезке $[a; b]$ функций. $f: x \rightarrow y$ если x – максимум функции y на отрезке $[a; b]$
6. $X = (0, +\infty)$, Y – множество отрезков на плоскости. $f: x \rightarrow y$ если y – отрезок длины x
7. X – фамилии студентов вашей группы. Y – множество натуральных чисел. $f: x \rightarrow y$ если y – число букв в фамилии x
8. X – множество окружностей на плоскости. Y – множество действительных чисел. $f: x \rightarrow y$ если окружность x имеет длину y .
9. X – функции, определенные на отрезке $[0; 1]$, Y – множество действительных чисел. $f: x \rightarrow y$ если y ордината максимума функции x
10. X – множество пар действительных чисел, Y – множество натуральных чисел. $f: (x, y) \rightarrow z$ если $z = \sqrt{(x^2 + y^2)}$
11. X – множеств натуральных чисел, Y – жители Екатеринбурга. $f: x \rightarrow y$ если год рождения y совпадает с числом x
12. $X = \mathbb{R}$, $Y = \mathbb{R}^3$. $f: x \rightarrow (a, b, c)$ если $x = \max(a, b, c)$
13. X – окружности на плоскости, Y – прямые на плоскости. $f: x \rightarrow y$ если окружность x касается прямой y
14. T – множество всех подмножеств множества натуральных чисел, $X = T$, $Y = T$. $f: (A, B) \rightarrow A \setminus B$
15. X – пары окружностей на плоскости, Y – точки плоскости. $f: (x_1, x_2) \rightarrow y$ если y – точка пересечения окружностей x_1 и x_2 .
16. $X = [0; 1]$, $Y = \mathbb{R}^2$. $f: x \rightarrow (x, y)$ если $x^2 + y^2 = 1$
17. T – множество всех подмножеств множества натуральных чисел, $X = T$, $Y = T^2$, $f: D \rightarrow (A, B)$ если $A \cup B = D$
18. X – пары прямых на плоскости, Y – точки плоскости. $f: (x_1, x_2) \rightarrow y$ если y – точка пересечения прямых x_1 и x_2 .
19. X – множество многочленов степени 2 с комплексными коэффициентами, Y – множество, состоящее из всех двухэлементных мультимножеств с элементами из множества комплексных чисел. $f: x \rightarrow y$, если y – множество корней многочлена x .
20. $X = Y$ – множества пар натуральных чисел, $f: (a, b) \rightarrow (c, d)$, если $c = \text{НОД}(a, b)$, $d = \text{НОК}(a, b)$

21. X – множество многочленов не выше второй степени с целыми коэффициентами.

Y – множество действительных чисел. $f: x \rightarrow y$ если y – наибольший корень x .

22. T – множество окружностей на плоскости, $X = T^2$, Y – множество точек плоскости.

$f: (x, y) \rightarrow z$, если окружности x и y касаются друг друга в точке z .