

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 1

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 2x + 3y - 5 = 0$ ,  $(BC) : 6x - y + 15 = 0$ ,  $(AC) : x + 6y + 21 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(-1, 1)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 2x + 3y - 5 = 0$ ,  $(AC) : 5x + 2y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 7x + 5y - 1 = 0$ .

3. Даны две противоположные вершины квадрата  $A(-1, 3)$  и  $C(6, 2)$ . Составить уравнения его сторон.

4. Составить канонические уравнения проекции прямой  $\begin{cases} 5x - 4y - 2z - 5 = 0, \\ x + 2z - 2 = 0 \end{cases}$  на плоскость  $2x - y + z - 1 = 0$ .

5. Даны три плоскости  $2x + 3y - 4z + 5 = 0$ ,  $2x - z + 3 = 0$ ,  $x + y - z = 0$ . Через линию пересечения двух первых плоскостей провести плоскость так, чтобы линия ее пересечения с третьей плоскостью была перпендикулярна к линии пересечения первой и второй плоскостей.

6. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+7}{9} = \frac{y-9}{-8} = \frac{z+6}{-6}$ ,  $\frac{x+11}{1} = \frac{y-7}{1} = \frac{z+1}{6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (4, 2, -5)$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 2

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 2x + 3y - 5 = 0$ ,  $(AC) : 5x + 2y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 7x + 5y - 1 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 2x + 3y - 5 = 0$ ,  $(BC) : 6x - y + 15 = 0$ ,  $(CD) : x + 6y + 21 = 0$ ,  $(DA) : 5x + 2y - 7 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Через линию пересечения плоскостей  $x + 5y + z = 0$  и  $x - z + 4 = 0$  провести плоскость, образующую угол  $\pi/4$  с плоскостью  $x - 4y - 8z + 12 = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+7}{5} = \frac{y+7}{-3} = \frac{z-3}{5}$ ,  $\frac{x+9}{9} = \frac{y+6}{9} = \frac{z-12}{1}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (2, -1, -9)$ .

5. Составить уравнение биссектрисы тупого угла, образованного двумя прямыми  $x - 4y + 5 = 0$ ,  $3x - y + 15 = 0$ .

6. Даны плоскость с уравнением  $5x - 6y - 4z - 80 = 0$  и точка  $P(9, -12, 1)$ . Найти точку, симметричную  $P$  относительно данной плоскости.

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 3

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 5x + y + 11 = 0$ ,  $(BC) : 5x - 7y + 23 = 0$ ,  $(AC) : 7x + 5y + 47 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(-3, 0)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 5x + y + 11 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 3y + 11 = 0$ ,  $(BC) : 12x - 2y + 33 = 0$ .

3. Написать уравнение плоскости, проходящей через прямую  $\frac{x+7}{-2} = \frac{y-6}{3} = \frac{z}{1}$  и образующей угол  $\pi/3$  с прямой  $x - y + z = 0$ ,  $x - y + 2z = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+1}{8} = \frac{y+8}{4} = \frac{z+5}{7}$ ,  $\frac{x+6}{2} = \frac{y+11}{-3} = \frac{z+3}{-6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (5, 3, -2)$ .

5. Составить уравнение биссектрисы острого угла, образованного двумя прямыми  $3x + 4y - 5 = 0$ ,  $5x - 12y + 3 = 0$ .

6. Даны плоскость с уравнением  $5x - 6y - 4z - 75 = 0$  и точка  $P(10, -11, 2)$ . Найти точку, симметричную  $P$  относительно данной плоскости.

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 4

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 5x + y + 11 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 3y + 11 = 0$ ,  $(BC) : 12x - 2y + 33 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 5x + y + 11 = 0$ ,  $(BC) : 5x - 7y + 23 = 0$ ,  $(CD) : 7x + 5y + 47 = 0$ ,  $(DA) : 7x - 3y + 11 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Показать, что три плоскости  $11x + 10y + 2z = 0$ ,  $3x + 4y = 0$ ,  $10x + 11y + z + 6 = 0$  образуют призму, и найти ее внутренний двугранный угол, образованный первой и второй плоскостями.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+3}{5} = \frac{y-8}{6} = \frac{z+3}{-2}$ ,  $\frac{x+10}{7} = \frac{y}{4} = \frac{z+6}{-1}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (7, 8, 3)$ .

5. Написать уравнения сторон ромба, зная точку  $M(-1, 4)$  пересечения его диагоналей и по точке на трех его сторонах:  $P(1, -2)$  на стороне  $AB$ ,  $Q(4, 4)$  на стороне  $BC$ ,  $R(3, 7)$  на стороне  $CD$ .

6. Составить канонические уравнения высоты, проведенной из вершины  $A$  на сторону  $BC$  в треугольнике  $ABC$  с вершинами  $A(0, 1, -1)$ ,  $B(1, 4, 5)$ ,  $C(2, 3, 5)$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 5

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 2x + 3y - 5 = 0$ ,  $(BC) : 4x + 9y + 23 = 0$ ,  $(AC) : 13x + 20y + 47 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(-3, 3)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 8x + 13y + 11 = 0$ ,  $(AC) : 9x + 16y + 11 = 0$ ,  $(BC) : 17x + 29y + 33 = 0$ .

3. Составить уравнение биссекторной плоскости того двугранного угла между двумя плоскостями  $x - z - 5 = 0$ ,  $3x + 5y - 4z + 1 = 0$ , в котором лежит начало координат.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+5}{9} = \frac{y-8}{5} = \frac{z-4}{3}$ ,  $\frac{x+11}{7} = \frac{y-11}{-8} = \frac{z+3}{-6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (6, -3, 7)$ .

5. Составить уравнение биссектрисы острого угла между прямыми  $x - 3y = 0$ ,  $3x - y + 5 = 0$ .

6. С помощью аналитической геометрии найти расстояние между диагональю куба и непересекающей ее диагональю грани, если ребро куба равно 6.

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 6

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 8x + 13y + 11 = 0$ ,  $(AC) : 9x + 16y + 11 = 0$ ,  $(BC) : 17x + 29y + 33 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 2x + 3y - 5 = 0$ ,  $(BC) : 4x + 9y + 23 = 0$ ,  $(CD) : 13x + 20y + 47 = 0$ ,  $(DA) : 9x + 16y + 11 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. С помощью аналитической геометрии найти расстояние между диагональю куба и непересекающей ее диагональю грани, если ребро куба равно 6.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+7}{5} = \frac{y-6}{5} = \frac{z-1}{-7}$ ,  $\frac{x+10}{2} = \frac{y}{-2} = \frac{z+1}{5}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (3, 6, 2)$ .

5. Написать уравнения прямых, проходящих соответственно через точки  $(15, 10)$  и  $(10, 5)$ , зная, что прямая  $x + 2y = 0$  делит пополам углы, образуемые искомыми прямыми.

6. Найти расстояние от точки  $P(1, 3, 5)$  до прямой  $\ell : \begin{cases} 5x + 2y + 3z - 4 = 0, \\ 3x + y + 2z - 3 = 0 \end{cases}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 7

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : -4x + 5y + 2 = 0$ ,  $(BC) : 8x - 15y + 26 = 0$ ,  $(AC) : 11x - 16y - 29 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(9, 6)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : -4x + 5y + 2 = 0$ ,  $(AC) : x - 4y + 5 = 0$ ,  $(BC) : -3x + y + 18 = 0$ .

3. Найти расстояние от точки  $(1, 3, 5)$  до прямой  $5x + 2y + 3z - 4 = 0$ ,  $3x + y + 2z - 3 = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+4}{8} = \frac{y-3}{-5} = \frac{z-8}{5}$ ,  $\frac{x+5}{3} = \frac{y-7}{-1} = \frac{z-7}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (1, -4, 1)$ .

5. Написать уравнения сторон треугольника, зная одну из его вершин  $(1, 7)$  и уравнения  $2x + 3y - 10 = 0$ ,  $x - 2y + 3 = 0$  перпендикуляров, восстановленных в серединах сторон, выходящих из этой вершины.

6. Составить параметрические уравнения прямой, которая проходит параллельно плоскостям  $3x + 12y - 3z - 5 = 0$ ,  $3x - 4y + 9z + 7 = 0$  и пересекает прямые  $\frac{x+5}{2} = \frac{y-3}{-4} = \frac{z+1}{3}$ ,  $\frac{x-3}{-2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{-1}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 8

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : -4x + 5y + 2 = 0$ ,  $(AC) : x - 4y + 5 = 0$ ,  $(BC) : -3x + y + 18 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : -4x + 5y + 2 = 0$ ,  $(BC) : 8x - 15y + 26 = 0$ ,  $(CD) : 11x - 16y - 29 = 0$ ,  $(DA) : x - 4y + 5 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Доказать, что плоскость  $2x - 6y + 3z - 49 = 0$  касается сферы  $x^2 + y^2 + z^2 = 49$  и найти координаты точки касания.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+6}{6} = \frac{y+8}{-8} = \frac{z-3}{7}$ ,  $\frac{x+13}{1} = \frac{y+7}{-6} = \frac{z}{6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (7, -1, 3)$ .

5. Даны две прямые  $3x + 4y - 2 = 0$ ,  $5x - 12y - 4 = 0$  и точка  $(1, 1)$ . Внутри угла, образованного данными прямыми и содержащего данную точку, найти такую точку, чтобы ее расстояния от данных прямых были равны соответственно 3 и 1.

6. Составить уравнения плоскостей, касательных к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 - 10x + 2y + 26z - 113 = 0$  и параллельных прямым  $\frac{x+5}{2} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z+13}{2}$ ,  $\frac{x+7}{3} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-8}{0}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 9

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 20x - 13y + 31 = 0$ ,  $(AC) : 9x - 4y - 36 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(6, 11)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 11x - 8y + 12 = 0$ ,  $(BC) : 11x - 9y + 30 = 0$ .

3. Составить параметрические уравнения прямой, которая проходит параллельно плоскостям  $3x + 12y - 3z - 5 = 0$ ,  $3x - 4y + 9z + 7 = 0$  и пересекает прямые  $\frac{x+5}{2} = \frac{y-3}{-4} = \frac{z+1}{3}$ ,  $\frac{x-3}{-2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-2}{-1}$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+5}{1} = \frac{y-4}{-2} = \frac{z-8}{-8}$ ,  $\frac{x+8}{9} = \frac{y+2}{-5} = \frac{z-6}{5}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (3, 6, 2)$ .

5. Написать уравнения сторон квадрата, описанного около окружности с центром  $(1, 9)$  и радиусом 5, зная, что одна из его диагоналей параллельна прямой  $x - 7y = 0$ .

6. Найти проекцию точки  $C(3, -4, -2)$  на плоскость, проходящую через параллельные прямые  $\frac{x-5}{13} = \frac{y-6}{1} = \frac{z+3}{-4}$ ,  $\frac{x-2}{13} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+3}{-4}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 10

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 11x - 8y + 12 = 0$ ,  $(BC) : 11x - 9y + 30 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 20x - 13y + 31 = 0$ ,  $(CD) : 9x - 4y - 36 = 0$ ,  $(DA) : 11x - 8y + 12 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Составить уравнения плоскостей, касательных к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 - 10x + 2y + 26z - 113 = 0$  и параллельных прямой  $\frac{x+5}{2} = \frac{y-1}{-3} = \frac{z+13}{2}$ ,  $\frac{x+7}{3} = \frac{y+1}{-2} = \frac{z-8}{0}$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+3}{3} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+4}{2}$ ,  $\frac{x+8}{5} = \frac{y+4}{-4} = \frac{z+8}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (5, 7, 4)$ .

5. Даны уравнения  $3x - 2y + 1 = 0$ ,  $x - y + 1 = 0$  двух сторон треугольника и уравнение  $2x - y - 1 = 0$  медианы, выходящей из вершины, не лежащей на первой стороне. Составить уравнение третьей стороны треугольника.

6. Доказать, что через прямую  $\begin{cases} 8x - 11y + 8z - 30 = 0, \\ x - y - 2z = 0. \end{cases}$  можно провести две плоскости, касательные к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 6y + 4z - 15 = 0$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 11

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 27x + 19y - 6 = 0$ ,  $(BC) : 4x + 9y + 23 = 0$ ,  $(AC) : 45x + 32y + 16 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(-14, 20)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 27x + 19y - 6 = 0$ ,  $(AC) : 29x + 20y - 4 = 0$ ,  $(BC) : 56x + 39y + 1 = 0$ .

3. Найти проекцию точки  $C(3, -4, -2)$  на плоскость, проходящую через параллельные прямые  $\frac{x-5}{13} = \frac{y-6}{1} = \frac{z+3}{-4}$ ,  $\frac{x-2}{13} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+3}{-4}$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+1}{8} = \frac{y+8}{4} = \frac{z+5}{7}$ ,  $\frac{x+6}{2} = \frac{y+11}{-3} = \frac{z+3}{-6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (3, -4, -6)$ .

5. Вершинами треугольника являются точки  $A(20, 15)$ ,  $B(-16, 0)$ ,  $C(-8, -6)$ . Найти длины радиусов и координаты центров вписанной и описанной окружностей.

6. Найти точку  $Q$ , симметричную точке  $P(3, -4, -6)$  относительно плоскости, проходящей через точки  $M_1(-6, 1, -5)$ ,  $M_2(7, -2, -1)$ ,  $M_3(10, -7, 1)$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 12

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 27x + 19y - 6 = 0$ ,  $(AC) : 29x + 20y - 4 = 0$ ,  $(BC) : 56x + 39y + 1 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 27x + 19y - 6 = 0$ ,  $(BC) : 4x + 9y + 23 = 0$ ,  $(CD) : 45x + 32y + 16 = 0$ ,  $(DA) : 29x + 20y - 4 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Доказать, что через прямую  $\begin{cases} 8x - 11y + 8z - 30 = 0, \\ x - y - 2z = 0. \end{cases}$  можно провести две плоскости, касательные к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 6y + 4z - 15 = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+3}{7} = \frac{y-2}{-3} = \frac{z+3}{1}$ ,  $\frac{x+11}{4} = \frac{y-7}{-8} = \frac{z+11}{-7}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (8, -5, 8)$ .

5. Точка  $A(2, 0)$  является вершиной правильного треугольника, а противолежащая ей сторона лежит на прямой  $\ell : x + y - 1 = 0$ . Составить уравнения двух других сторон.

6. Доказать, что через прямую  $\frac{x+6}{3} = y+3 = z+1$  нельзя провести плоскость, касательную к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 6y + 4z - 15 = 0$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 13

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 15x + 11y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 25x + 17y - 29 = 0$ ,  $(AC) : 39x + 28y + 11 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(9, -12)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 15x + 11y - 7 = 0$ ,  $(AC) : x + 1 = 0$ ,  $(BC) : 7x + 5y - 1 = 0$ .

3. Найти точку  $Q$ , симметричную точке  $P(3, -4, -6)$  относительно плоскости, проходящей через точки  $M_1(-6, 1, -5)$ ,  $M_2(7, -2, -1)$ ,  $M_3(10, -7, 1)$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+3}{2} = \frac{y+4}{-3} = \frac{z-2}{5}$ ,  $\frac{x+4}{8} = \frac{y+8}{6} = \frac{z-3}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (1, 4, -1)$ .

5. Основание равнобедренного треугольника лежит на прямой  $\ell_1 : x + 2y - 2 = 0$ , а одна из боковых сторон — на прямой  $\ell_2 : 2x + y - 1 = 0$ . Расстояние от другой боковой стороны до точки  $\ell_1 \cap \ell_2$  равно  $\frac{1}{\sqrt{5}}$ . Составить уравнение этой боковой стороны.

6. Найти точку  $Q$ , симметричную точке  $P(-3, 2, 5)$  относительно плоскости, проходящей через прямые

$$\begin{cases} x - 2y - 4z + 3 = 0, \\ x - 2y + 2z - 5 = 0; \end{cases} \quad \text{и} \quad \begin{cases} 3x + y + 3z + 7 = 0, \\ 5x - 3y + 2z + 5 = 0. \end{cases}$$

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 14

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 15x + 11y - 7 = 0$ ,  $(AC) : x + 1 = 0$ ,  $(BC) : 7x + 5y - 1 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 15x + 11y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 25x + 17y - 29 = 0$ ,  $(CD) : 39x + 28y + 11 = 0$ ,  $(DA) : x + 1 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Доказать, что через прямую  $\frac{x+6}{3} = y+3 = z+1$  нельзя провести плоскость, касательную к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 6y + 4z - 15 = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+4}{5} = \frac{y+4}{-8} = \frac{z+3}{5}$ ,  $\frac{x+6}{5} = \frac{y+1}{7} = \frac{z-1}{-5}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (2, -3, -4)$ .

5. Найти радиус и координаты центра окружности, проходящей через точку  $A(-1, 3)$  и касающихся прямых  $\ell_1 : 7x + y = 0$  и  $\ell_2 : x - y + 8 = 0$ .

6. Доказать, что через прямую  $x = 4t + 4$ ,  $y = 3t + 1$ ,  $z = t + 1$  можно провести единственную плоскость, касательную к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y + 2z + 8 = 0$ , и составить ее уравнение.

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 15

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y + 7 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 4y - 1 = 0$ ,  $(BC) : 12x - 2y + 33 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(-3, -3)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y + 7 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 4y - 1 = 0$ ,  $(BC) : 12x - 2y + 33 = 0$ .

3. Найти точку  $Q$ , симметричную точке  $P(-3, 2, 5)$  относительно плоскости, проходящей через прямые

$$\begin{cases} x - 2y - 4z + 3 = 0, \\ x - 2y + 2z - 5 = 0; \end{cases} \text{ и } \begin{cases} 3x + y + 3z + 7 = 0, \\ 5x - 3y + 2z + 5 = 0. \end{cases}$$

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+5}{1} = \frac{y+4}{7} = \frac{z+9}{8}$ ,  $\frac{x+7}{1} = \frac{y+7}{-8} = \frac{z+7}{-4}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (1, -4, 1)$ .

5. Гипотенуза прямоугольного треугольника лежит на прямой  $\ell_1 : 2x + y - 2 = 0$ , а точка  $A(3, -1)$  является вершиной прямого угла. Площадь треугольника равна  $\frac{9}{4}$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат катеты этого треугольника.

6. Убедиться, что прямые  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-5}{4}$  и  $x = 3t + 7$ ,  $y = 2t + 2$ ,  $z = -2t + 1$  лежат в одной плоскости. Найти уравнение этой плоскости и координаты точки пересечения указанных прямых.

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 16

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 18x + 13y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 23x + 16y - 1 = 0$ ,  $(BC) : 41x + 29y + 3 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y + 7 = 0$ ,  $(BC) : 22x - 15y + 29 = 0$ ,  $(CD) : 21x - 16y - 11 = 0$ ,  $(DA) : 7x - 4y - 1 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Доказать, что через прямую  $x = 4t + 4$ ,  $y = 3t + 1$ ,  $z = t + 1$  можно провести единственную плоскость, касательную к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 6y + 2z + 8 = 0$ , и составить ее уравнение.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+6}{5} = \frac{y+9}{-7} = \frac{z-2}{3}$ ,  $\frac{x+12}{8} = \frac{y+10}{1} = \frac{z+6}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (6, 1, 8)$ .

5. На плоскости даны три точки  $A(2, 3)$ ,  $B(1, 4)$ ,  $C(-1, 2)$ , и прямая  $\ell : x - 5y + 7 = 0$ . Составить уравнение этой прямой в системе координат  $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ .

6. Найти точку  $Q$ , симметричную точке  $P(4, 1, 6)$  относительно прямой

$$\begin{cases} x - y - 4z + 12 = 0, \\ 2x + y - 2z + 3 = 0. \end{cases}$$

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 17

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y + 7 = 0$ ,  $(BC) : 22x - 15y + 29 = 0$ ,  $(CD) : 21x - 16y - 11 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(-15, 21)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 18x + 13y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 23x + 16y - 1 = 0$ ,  $(BC) : 41x + 29y + 3 = 0$ .

3. Убедиться, что прямые  $\frac{x-1}{2} = \frac{y+2}{-3} = \frac{z-5}{4}$  и  $x = 3t + 7$ ,  $y = 2t + 2$ ,  $z = -2t + 1$  лежат в одной плоскости. Найти уравнение этой плоскости и координаты точки пересечения указанных прямых.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+1}{4} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z+3}{-2}$ ,  $\frac{x+4}{5} = \frac{y+2}{-5} = \frac{z+10}{1}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (3, 1, 7)$ .

5. Прямые  $\ell_1 : x - 3y + 2 = 0$  и  $\ell_2 : 3x + 2y - 5 = 0$  являются соответственно осями  $O'x'$  и  $O'y'$  новой системы координат, а точка  $A(-1, 2)$  имеет в новой системе координаты  $(1, 1)$ . Составить в новой системе координат уравнение прямой  $\ell_3$ , которая в исходной системе имеет уравнение  $\ell_3 : 5x - 4y + 7 = 0$ .

6. Составить канонические уравнения прямой, проходящей через точку  $M_0(2, -4, -1)$  и середину отрезка прямой  $\begin{cases} 3x + 4y + 5z - 26 = 0, \\ 3x - 3y - 2z - 5 = 0, \end{cases}$  заключенного между плоскостями  $5x + 3y - 4z + 11 = 0$ ,  $5x + 3y - 4z - 41 = 0$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 18

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 4y + 1 = 0$ ,  $(BC) : -3x + y + 18 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 18x + 13y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 14x + 9y + 29 = 0$ ,  $(CD) : 27x + 20y + 11 = 0$ ,  $(DA) : 23x + 16y - 1 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Составить уравнения плоскостей, касательных к сфере  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$  и параллельных плоскости  $x + 2y - 2z + 15 = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+4}{8} = \frac{y+6}{1} = \frac{z-5}{3}$ ,  $\frac{x+9}{4} = \frac{y+11}{7} = \frac{z-12}{-4}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (5, 5, -7)$ .

5. В прямоугольной декартовой системе координат  $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$  задана прямая  $\ell : \sqrt{3}x + 2y - 6 = 0$ . Начало новой прямоугольной декартовой системы координат  $(O', \vec{e}_1', \vec{e}_2')$  имеет в исходной системе координаты  $O'(-2, 3)$ , а базисные векторы  $\vec{e}_1', \vec{e}_2'$  получаются из векторов  $\vec{e}_1, \vec{e}_2$  соответственно поворотом на угол  $\pi/6$  в направлении кратчайшего поворота от  $\vec{e}_1$  к  $\vec{e}_2$ . Составить уравнение прямой  $\ell$  в системе координат  $(O', \vec{e}_1', \vec{e}_2')$ .

6. Составить канонические уравнения прямой, которая проходит через точку  $M_1(-1, 2, -3)$  перпендикулярно к вектору  $\vec{a} = (6, -2, -3)$  и пересекает прямую  $\frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-3}{-5}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 19

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 18x + 13y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 14x + 9y + 29 = 0$ ,  $(AC) : 27x + 20y + 11 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(3, 3)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 4y + 1 = 0$ ,  $(BC) : -3x + y + 18 = 0$ .

3. Найти точку  $Q$ , симметричную точке  $P(4, 1, 6)$  относительно прямой

$$\begin{cases} x - y - 4z + 12 = 0, \\ 2x + y - 2z + 3 = 0. \end{cases}$$

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+2}{3} = \frac{y+5}{-7} = \frac{z-3}{-4}$ ,  $\frac{x+7}{7} = \frac{y+4}{-2} = \frac{z+3}{-6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (5, -1, 6)$ .

5. Прямые  $\ell_1 : 2x - y + 1 = 0$  и  $\ell_2 : x + 2y - 7 = 0$ , заданные в прямоугольной системе координат, являются соответственно осями  $O'x'$  и  $O'y'$  новой системы координат, а точка  $A(2, 0)$  имеет в новой системе положительные координаты. Составить в новой системе координат уравнение прямой  $\ell_3$ , которая в исходной системе имеет уравнение  $4x + y - 1 = 0$ .

6. Составить канонические уравнения прямой, которая проходит через точку  $M_1(-4, -5, 3)$  и пересекает прямые  $\frac{x+1}{3} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z-2}{-1}$ ,  $\frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-1}{-5}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 20

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 22x - 15y - 29 = 0$ ,  $(AC) : 21x - 16y + 11 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 5y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 22x - 15y - 29 = 0$ ,  $(CD) : 21x - 16y + 11 = 0$ ,  $(DA) : 7x - 4y + 1 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. На плоскости  $Oxy$  найти такую точку  $P$ , сумма расстояний которой до точек  $A(-1, 2, 5)$  и  $B(11, -16, 10)$  была бы наименьшей.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+1}{4} = \frac{y+3}{-7} = \frac{z+5}{7}$ ,  $\frac{x+8}{5} = \frac{y-3}{-3} = \frac{z}{-1}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (7, -6, -5)$ .

5. Составить уравнения сторон треугольника, если дана одна из его вершин  $B(2, 2)$  и уравнения двух высот  $x - 4y = 0$ ,  $x + y - 1 = 0$ .

6. Составить параметрические уравнения общего перпендикуляра двух прямых, заданных уравнениями  $x = 3t - 7$ ,  $y = -2t + 4$ ,  $z = 3t + 4$  и  $x = t + 1$ ,  $y = 2t - 8$ ,  $z = -t - 12$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 21

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 13x + 18y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 16x + 23y - 1 = 0$ ,  $(BC) : 11x - 9y + 30 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(21, -15)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 13x + 18y - 7 = 0$ ,  $(AC) : 16x + 23y - 1 = 0$ ,  $(BC) : 11x - 9y + 30 = 0$ .

3. На плоскости  $Oxz$  найти такую точку  $P$ , сумма расстояний которой до точек  $A(3, 2, -5)$  и  $B(8, -14, 17)$  была бы наименьшей.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+4}{8} = \frac{y-3}{-5} = \frac{z-8}{5}$ ,  $\frac{x+8}{3} = \frac{y-7}{-1} = \frac{z-11}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (-1, 4, -1)$ .

5. Составить уравнения сторон треугольника, если дана одна из его вершин  $B(3, 3)$ , уравнения высоты  $x - 4y + 3 = 0$  и медианы  $y - 1 = 0$ , проведенных из одной вершины.

6. Составить канонические уравнения высоты, проведенной из вершины  $A$  на сторону  $BC$  в треугольнике  $ABC$  с вершинами  $A(1, 1, 1)$ ,  $B(3, 2, 3)$ ,  $C(6, 8, 5)$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

### Вариант № 22

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 13x + 18y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 9x + 14y + 29 = 0$ ,  $(AC) : 20x + 27y + 11 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 13x + 18y - 7 = 0$ ,  $(BC) : 9x + 14y + 29 = 0$ ,  $(CD) : 20x + 27y + 11 = 0$ ,  $(DA) : 16x + 23y - 1 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. На плоскости  $2x - 3y + 3z - 17 = 0$  найти такую точку  $P$ , сумма расстояний которой до точек  $A(3, -4, 7)$  и  $B(-5, -14, 17)$  была бы наименьшей.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+12}{6} = \frac{y}{-8} = \frac{z+4}{7}$ ,  $\frac{x+13}{1} = \frac{y+7}{-6} = \frac{z}{6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (-7, 1, -3)$ .

5. В прямоугольной декартовой системе координат даны уравнения прямых  $l_1 : 2x + 3y - 5 = 0$  и  $l_2 : 3x - 2y - 1 = 0$  точка  $A(1, 0)$ . На плоскости выбрана новая прямоугольная декартова система координат, в которой прямые  $l_1$  и  $l_2$  являются осями  $O'X$  и  $O'Y$  соответственно, а точка  $A$  лежит в первом квадранте. Найти в этой системе координат уравнение прямой  $l_3$ , которая в исходной системе имеет уравнение  $l_3 : 5x + 8y - 2 = 0$ .

6. Составить канонические уравнения биссектрисы, проведенной из вершины  $B$  на сторону  $BC$  в треугольнике  $ABC$  с вершинами  $A(1, 1, 1)$ ,  $B(3, 2, 3)$ ,  $C(6, 8, 5)$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 23

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 5x - 6y + 7 = 0$ ,  $(BC) : 15x - 22y + 29 = 0$ ,  $(CD) : 16x - 21y - 11 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(3, 3)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 5x - 6y + 7 = 0$ ,  $(AC) : 4x - 7y - 1 = 0$ ,  $(BC) : x + y - 3 = 0$ .

3. На плоскости  $2x + 3y - 4z - 15 = 0$  найти такую точку  $P$ , сумма расстояний которой до точек  $A(5, 2, -7)$  и  $B(7, -25, 10)$  была бы наименьшей.

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+6}{1} = \frac{y-6}{-2} = \frac{z-16}{-8}$ ,  $\frac{x+17}{9} = \frac{y-3}{-5} = \frac{z-1}{5}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (3, 6, 2)$ .

5. На плоскости даны три точки  $A(4, 5)$ ,  $B(2, 6)$ ,  $C(1, 4)$ , и прямая  $\ell : 2x - 5y + 3 = 0$ . Составить уравнение этой прямой в системе координат  $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ .

6. Найти кратчайшее расстояние между прямыми  $\frac{x+1}{3} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z-2}{-1}$ ,  $\frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-1}{-5}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 24

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 5x - 6y + 7 = 0$ ,  $(AC) : 4x - 7y - 1 = 0$ ,  $(BC) : x + y - 3 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 5x - 6y + 7 = 0$ ,  $(BC) : 15x - 22y + 29 = 0$ ,  $(CD) : 16x - 21y - 11 = 0$ ,  $(DA) : 4x - 7y - 1 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Составить канонические уравнения прямой, проходящей через точку  $M_0(2, -4, -1)$  и середину отрезка прямой  $\begin{cases} 3x + 4y + 5z - 26 = 0, \\ 3x - 3y - 2z - 5 = 0, \end{cases}$  заключенного между плоскостями  $5x + 3y - 4z + 11 = 0$ ,  $5x + 3y - 4z - 41 = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+6}{3} = \frac{y-1}{2} = \frac{z+6}{2}$ ,  $\frac{x+13}{5} = \frac{y}{-4} = \frac{z+5}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (5, 7, 4)$ .

5. Прямые  $\ell_1 : 2x - y + 1 = 0$  и  $\ell_2 : 3x + 4y - 7 = 0$  являются соответственно осями  $O'x'$  и  $O'y'$  новой системы координат, а точка  $A(-1, 2)$  имеет в новой системе координаты  $(1, 1)$ . Составить в новой системе координат уравнение прямой  $\ell_3$ , которая в исходной системе имеет уравнение  $\ell_3 : 5x - 4y + 7 = 0$ .

6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $\frac{x-5}{13} = \frac{y-6}{1} = \frac{z+3}{-4}$ ,  $\frac{x-2}{13} = \frac{y-3}{1} = \frac{z+3}{-4}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 25

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 18x + 23y - 12 = 0$ ,  $(AC) : 23x + 30y - 8 = 0$ ,  $(BC) : 41x + 53y - 9 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(26, -20)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 18x + 23y - 12 = 0$ ,  $(AC) : 23x + 30y - 8 = 0$ ,  $(BC) : 41x + 53y - 9 = 0$ .

3. Составить уравнения прямой, которая проходит через точку  $M_1(-1, 2, -3)$  перпендикулярно к вектору  $\vec{a} = (6, -2, -3)$  и пересекает прямую  $\frac{x-1}{3} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-3}{-5}$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+9}{8} = \frac{y+12}{4} = \frac{z+12}{7}$ ,  $\frac{x+8}{2} = \frac{y+8}{-3} = \frac{z-3}{-6}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (-3, 4, 6)$ .

5. В прямоугольной декартовой системе координат  $(O; \vec{e}_1, \vec{e}_2)$  задана прямая  $\ell : x + 2y - 6 = 0$ . Начало новой прямоугольной декартовой системы координат  $(O', \vec{e}_1', \vec{e}_2')$  имеет в исходной системе координаты  $O'(-2, 1)$ , а базисные векторы  $\vec{e}_1', \vec{e}_2'$  получаются из векторов  $\vec{e}_1, \vec{e}_2$  соответственно поворотом на угол  $\pi/3$  в направлении кратчайшего поворота от  $\vec{e}_1$  к  $\vec{e}_2$ . Составить уравнение прямой  $\ell$  в системе координат  $(O', \vec{e}_1', \vec{e}_2')$ .

6. Составить параметрические уравнения общего перпендикуляра двух прямых, заданных уравнениями  $x = 3t - 7$ ,  $y = -2t + 4$ ,  $z = 3t + 4$  и  $x = t + 1$ ,  $y = 2t - 8$ ,  $z = -t - 12$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 26

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 7y + 12 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 10y - 8 = 0$ ,  $(BC) : x - 3y - 9 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 18x + 23y - 12 = 0$ ,  $(BC) : 14x + 19y + 24 = 0$ ,  $(CD) : 27x + 34y + 4 = 0$ ,  $(DA) : 23x + 30y - 8 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Составить уравнения прямой, которая проходит через точку  $M_1(-4, -5, 3)$  и пересекает две прямые  $\frac{x+1}{3} = \frac{y+3}{-2} = \frac{z-2}{-1}$ ,  $\frac{x-2}{2} = \frac{y+1}{3} = \frac{z-1}{-5}$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+10}{7} = \frac{y-5}{-3} = \frac{z+4}{1}$ ,  $\frac{x+15}{4} = \frac{y-15}{-8} = \frac{z+4}{-7}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (8, -5, 8)$ .

5. Прямые  $\ell_1 : 3x - y - 2 = 0$  и  $\ell_2 : x + 3y - 7 = 0$ , заданные в прямоугольной системе координат, являются соответственно осями  $O'x'$  и  $O'y'$  новой системы координат, а точка  $A(2, 0)$  имеет в новой системе положительные координаты. Составить в новой системе координат уравнение прямой  $\ell_3$ , которая в исходной системе имеет уравнение  $4x + 7y - 1 = 0$ .

6. Составить канонические уравнения высоты, проведенной из вершины  $A$  на сторону  $BC$  в треугольнике  $ABC$  с вершинами  $A(2, 3, 4)$ ,  $B(4, 4, 6)$ ,  $C(7, 10, 8)$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 27

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 18x + 23y - 12 = 0$ ,  $(BC) : 14x + 19y + 24 = 0$ ,  $(AC) : 27x + 34y + 4 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(-6, -4)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 6x - 7y + 12 = 0$ ,  $(AC) : 7x - 10y - 8 = 0$ ,  $(BC) : x - 3y - 9 = 0$ .

3. Составить параметрические уравнения общего перпендикуляра двух прямых, заданных уравнениями  $x = 3t - 4$ ,  $y = -2t + 2$ ,  $z = 3t + 7$  и  $x = t + 2$ ,  $y = 2t - 6$ ,  $z = -t - 13$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+5}{2} = \frac{y+1}{-3} = \frac{z+3}{5}$ ,  $\frac{x+12}{8} = \frac{y+14}{6} = \frac{z-6}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (-1, -4, 1)$ .

5. Даны две противоположные вершины квадрата  $A(1, 3)$  и  $C(7, 5)$ . Составить уравнения его сторон.

6. Составить канонические уравнения биссектрисы, проведенной из вершины  $B$  на сторону  $BC$  в треугольнике  $ABC$  с вершинами  $A(2, 3, 4)$ ,  $B(4, 4, 6)$ ,  $C(7, 10, 8)$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 28

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 7y + 12 = 0$ ,  $(BC) : 22x - 29y + 24 = 0$ ,  $(AC) : 21x - 26y - 4 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 6x - 7y + 12 = 0$ ,  $(BC) : 22x - 29y + 24 = 0$ ,  $(CD) : 21x - 26y - 4 = 0$ ,  $(DA) : 7x - 10y - 8 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Написать уравнение плоскости, проходящей через прямую  $\begin{cases} 3x - 4y + z + 6 = 0, \\ 2x - 3y + z + 2 = 0 \end{cases}$  и равноудаленной от точек  $M_1(3, -4, -6)$  и  $M_2(1, 2, 2)$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+9}{5} = \frac{y-4}{-8} = \frac{z+8}{5}$ ,  $\frac{x+16}{5} = \frac{y+15}{7} = \frac{z-11}{-5}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (-2, 3, 4)$ .

5. Составить уравнение биссектрисы тупого угла, образованного двумя прямыми  $3x - 4y + 1 = 0$ ,  $8x - 6y + 2 = 0$ .

6. Найти кратчайшее расстояние между прямыми  $\frac{x+2}{2} = \frac{y+5}{3} = \frac{z+1}{-5}$ ,  $\frac{x-1}{3} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z+2}{-1}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 29

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 12x + 31y - 6 = 0$ ,  $(BC) : 16x + 43y + 21 = 0$ ,  $(CD) : 15x + 38y + 16 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Определить положение точки  $D(26, -10)$  относительно  $\triangle ABC$ , стороны которого лежат на прямых  $(AB) : 12x + 31y - 6 = 0$ ,  $(AC) : 19x + 50y - 4 = 0$ ,  $(BC) : 31x + 81y + 1 = 0$ .

3. Составить уравнения проекции прямой  $\begin{cases} 5x - 4y - 2z - 5 = 0, \\ x + 2z - 2 = 0 \end{cases}$  на плоскость  $2x - y + z - 1 = 0$ .

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+6}{1} = \frac{y+11}{7} = \frac{z+17}{8}$ ,  $\frac{x+8}{1} = \frac{y-1}{-8} = \frac{z+3}{-4}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (1, -4, 1)$ .

5. Составить уравнение биссектрисы острого угла, образованного двумя прямыми  $8x + 15y - 23 = 0$ ,  $5x - 12y + 7 = 0$ .

6. Найти расстояние между параллельными прямыми  $\frac{x-5}{12} = \frac{y-6}{15} = \frac{z+3}{16}$ ,  $\frac{x-2}{12} = \frac{y-3}{15} = \frac{z+3}{16}$ .

## Контрольная работа № 2 по аналитической геометрии

Семестр II, физический факультет, дневное отделение

Вариант № 30

1. Стороны  $\triangle ABC$  лежат на прямых  $(AB) : 12x + 31y - 6 = 0$ ,  $(AC) : 19x + 50y - 4 = 0$ ,  $(BC) : 31x + 81y + 1 = 0$ . Составить уравнения прямых, на которых лежат высоты этого треугольника, не вычисляя координат его вершин.

2. Стороны четырехугольника  $ABCD$  лежат на прямых  $(AB) : 12x + 31y - 6 = 0$ ,  $(BC) : 16x + 43y + 22 = 0$ ,  $(CD) : 15x + 38y + 16 = 0$ ,  $(DA) : 19x + 50y - 4 = 0$ . Определить, будет ли четырехугольник  $ABCD$  выпуклым.

3. Определить, при каких значениях  $\ell, m$  плоскость  $5x + \ell y + 4z + m = 0$  проходит через прямую  $\begin{cases} 3x - 7y + z - 3 = 0, \\ x - 9y - 2z + 5 = 0 \end{cases}$

4. Найти параметрические уравнения прямой, пересекающей прямые, заданные уравнениями  $\frac{x+11}{5} = \frac{y+2}{-7} = \frac{z+1}{3}$ ,  $\frac{x+4}{8} = \frac{y+9}{1} = \frac{z+9}{-3}$  и коллинеарной вектору  $\vec{a} = (6, 1, 8)$ .

5. Даны две противоположные вершины квадрата  $A(-1, 3)$  и  $C(6, 2)$ . Составить уравнения его сторон.

6. Составить канонические уравнения проекции прямой  $\begin{cases} 5x - 4y - 2z - 5 = 0, \\ x + 2z - 2 = 0 \end{cases}$  на плоскость  $2x - y + z - 1 = 0$ .